

八年级数学第一周课时A

二次根式

二次根式的概念和性质

一、二次根式的概念和性质

例 1. 下列各式中 $\sqrt{15}$ 、 $\sqrt{3a}$ 、 $\sqrt{b^2-1}$ 、 $\sqrt{a^2+b^2}$ 、 $\sqrt{m^2+20}$ 、 $\sqrt{-144}$ ，二次根式的个数是 (**B**)

A. 4

B. 3

C. 2

D. 1

例 2. 下列二次根式是最简二次根式的是 (C)

A. $\sqrt{\frac{1}{2}}$

B. $\sqrt{8}$

C. $\sqrt{7}$

D. $\sqrt{0.2}$

例 3. 以下二次根式：① $\sqrt{12}$ ；② $\sqrt{2^2}$ ；③ $\sqrt{\frac{2}{3}}$ ；④ $\sqrt{27}$ 中，与 $\sqrt{3}$ 是同类二次根式的是 (C)

例 4. x 是怎样的实数时，下列各式在实数范围内有意义

$$(1) y = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$$

$$x \geq 0 \text{ 且 } x \neq 1$$

$$(2) \sqrt{x+2} - \sqrt{3-2x}$$

$$-2 \leq x \leq \frac{3}{2}$$

$$(3) \sqrt{-x} - \frac{1}{x+1}$$

$$x \leq 0 \text{ 且 } x \neq -1$$

$$(4) \frac{\sqrt{2x-1}}{|x|-2}$$

$$x > \frac{1}{2} \text{ 且 } x \neq 2$$

$$(5) \sqrt{x^2 - 2x + 2}$$

x为任意实数

例 5. (1) 若 x, y 为实数, 且 $y = \sqrt{x-2} + \sqrt{2-x} + 3$, 求 xy 的值

$$\text{解: } \begin{cases} x - 2 \geq 0 & \therefore x = 2 \\ 2 - x \geq 0 & y = 3 \end{cases} \quad xy = 6$$

(2) 已知 $\sqrt{2a-1} + \sqrt{b-2a} + \sqrt{a+b+c} = 0$, 求 a, b, c 的值

$$\text{解: } \begin{cases} 2a-1=0 \\ b-2a=0 \\ a+b+c=0 \end{cases} \begin{cases} a=\frac{1}{2} \\ b=1 \\ c=-\frac{3}{2} \end{cases}$$

(3) 已知 x, y 为实数, 且满足 $\sqrt{1+x} - (y-1)\sqrt{1-y} = 0$, 那么 $x^{2011} - y^{2011} = \underline{\quad -2 \quad}$

$$\text{解: } \sqrt{1-x} + (1-y)\sqrt{1-y} = 0$$

$$\therefore 1+x \geq 0 \quad 1-y \geq 0$$

$$\therefore x+1=0 \quad 1-y=0$$

$$\therefore \begin{cases} x = -1 \\ y = 1 \end{cases}$$

例 6. 设 a, b, c 是实数, 若 $a+b+c=2\sqrt{a+1}+4\sqrt{b+1}+6\sqrt{c-2}-14$, 求 $a(b+c)+b(a+c)+c(a+b)$ 的值

解: $a+1-2\sqrt{a+1}+1+b+1-4\sqrt{b+1}+4+c-2-6\sqrt{c-2}+9=0$

$$(\sqrt{a+1}-1)^2 + (\sqrt{b+1}-2)^2 + (\sqrt{c-2}-3)^2 = 0$$

$$\therefore \begin{cases} \sqrt{a+1}-1=0 \\ \sqrt{b+1}-2=0 \\ \sqrt{c-2}-3=0 \end{cases} \therefore \begin{cases} a=0 \\ b=3 \\ c=11 \end{cases}$$

当 $a=0, b=3, c=11$ 时

$$\text{原式} = 33 + 33 = 66$$

例 7. 化简 $a\sqrt{-\frac{1}{a}}$ 的结果是 (C).

A. $\sqrt{-a}$

B. \sqrt{a}

C. $-\sqrt{-a}$

D. $-\sqrt{a}$



例 8.把二次根式 $(x-1)\sqrt{\frac{1}{1-x}}$ 中根号外的因式移到根号内，结果是 (B)

例 9. 已知 $\triangle ABC$ 的三边长 a 、 b 、 c 均为整数，且 a 和 b 满足 $\sqrt{a-2} + b^2 - 6b + 9 = 0$. 试求 $\triangle ABC$ 的 c 边的长.

解: $\sqrt{a-2} + (b-3)^2 = 0$

$\therefore a = 2 \quad b = 3$

$|a - b| < c < a + b$

$\therefore 1 < c < 5 \quad \because c \text{ 为整数} \therefore c = 2, 3, 4$

本 讲 结 束

谢 谢 观 看